

Prof. Dr. Alfred Toth

## Paare reflektorischer Thematisierungen

1. In Toth (2026a-c) hatten wir gezeigt, daß man die strukturellen Realitäten der 27 Dualsysteme des vollständigen ternären semiotischen Systems in Tripelrelationen der folgenden Form notieren kann

$$(X, Y) \rightarrow Z$$

$$X \rightarrow Y \leftarrow Z$$

$$X \leftarrow (Y, Z).$$

Nimmt man die Permutationen der Dualsysteme dazu, ergeben sich weitere paarweise Differenzen durch Vertauschung der Thematisanden

$$(Y, X) \rightarrow Z$$

$$Z \rightarrow Y \leftarrow X$$

$$X \leftarrow (Z, Y).$$

2. Als Beispiel diene die Thematisierung M-them. O. In nicht-permutierten Zeichenklassen haben wir hier wie für jede andere Thematisierung ein thematisches Tripel:

$$3.1 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.2 \quad 1.3 \quad O \leftarrow (M, M)$$

$$3.1 \quad 2.2 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 2.2 \quad 1.3 \quad M \rightarrow O \leftarrow M$$

$$3.2 \quad 2.1 \quad 1.1 \quad \times \quad 1.1 \quad 1.2 \quad 2.3 \quad (M, M) \rightarrow O$$

In permutierten Zeichenklassen wird dann natürlich jede Zeichenklasse auf  $3! = 6$  Zeichenklassen abgebildet:

$$\text{Perm}(O \leftarrow (M, M))$$

$$3.1 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.2 \quad 1.3 \quad O \leftarrow (M^1, M^2)$$

$$3.1 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 2.1 \quad 1.3 \quad M^1 \rightarrow O \leftarrow M^2$$

$$2.1 \quad 3.1 \quad 1.2 \quad \times \quad 2.1 \quad 1.3 \quad 1.2 \quad O \leftarrow (M^2, M^1)$$

$$2.1 \quad 1.2 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 2.1 \quad 1.2 \quad M^2 \rightarrow O \leftarrow M^1$$

$$1.2 \quad 3.1 \quad 2.1 \quad \times \quad 1.2 \quad 1.3 \quad 2.1 \quad (M^1, M^2) \rightarrow O$$

$$1.2 \quad 2.1 \quad 3.1 \quad \times \quad 1.3 \quad 1.2 \quad 2.1 \quad (M^2, M^1) \rightarrow O$$

Perm( $M \rightarrow 0 \leftarrow M$ )

3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$
3.1	1.1	2.2	×	2.2	1.1	1.3	$0 \leftarrow (M^1, M^2)$
2.2	3.1	1.1	×	1.1	1.3	2.2	$(M^1, M^2) \rightarrow 0$
2.2	1.1	3.1	×	1.3	1.1	2.2	$(M^2, M^1) \rightarrow 0$
1.1	3.1	2.2	×	2.2	1.3	1.1	$0 \leftarrow (M^2, M^1)$
1.1	2.2	3.1	×	1.3	2.2	1.1	$M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$

Perm( $(M, M) \rightarrow 0$ )

3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M^1, M^2) \rightarrow 0$
3.2	1.1	2.1	×	1.2	1.1	2.3	$(M^2, M^1) \rightarrow 0$
2.1	3.2	1.1	×	1.1	2.3	1.2	$M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$
2.1	1.1	3.2	×	2.3	1.1	1.2	$0 \leftarrow (M^1, M^2)$
1.1	3.2	2.1	×	1.2	2.3	1.1	$M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$
1.1	2.1	3.2	×	2.3	1.2	1.1	$0 \leftarrow (M^2, M^1)$

### 3. Paare reflektorischer Thematisationen

3.1	2.1	1.2	×	2.1	1.2	1.3	$0 \leftarrow (M^1, M^2)$
3.2	2.1	1.1	×	1.1	1.2	2.3	$(M^1, M^2) \rightarrow 0$
3.1	1.2	2.1	×	1.2	2.1	1.3	$M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$
2.1	1.2	3.1	×	1.3	2.1	1.2	$M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$
2.1	3.1	1.2	×	2.1	1.3	1.2	$0 \leftarrow (M^2, M^1)$
1.2	2.1	3.1	×	1.3	1.2	2.1	$(M^2, M^1) \rightarrow 0$

3.1	1.1	2.2	×	2.2	1.1	1.3	$0 \leftarrow (M^1, M^2)$
2.2	3.1	1.1	×	1.1	1.3	2.2	$(M^1, M^2) \rightarrow 0$
3.1	2.2	1.1	×	1.1	2.2	1.3	$M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$
1.1	2.2	3.1	×	1.3	2.2	1.1	$M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$
1.1	3.1	2.2	×	2.2	1.3	1.1	$0 \leftarrow (M^2, M^1)$

2.2 1.1 3.1 × 1.3 1.1 2.2  $(M^2, M^1) \rightarrow 0$

2.1 1.1 3.2 × 2.3 1.1 1.2  $0 \leftarrow (M^1, M^2)$

3.2 2.1 1.1 × 1.1 1.2 2.3  $(M^1, M^2) \rightarrow 0$

2.1 3.2 1.1 × 1.1 2.3 1.2  $M^1 \rightarrow 0 \leftarrow M^2$

1.1 3.2 2.1 × 1.2 2.3 1.1  $M^2 \rightarrow 0 \leftarrow M^1$

1.1 2.1 3.2 × 2.3 1.2 1.1  $0 \leftarrow (M^2, M^1)$

3.2 1.1 2.1 × 1.2 1.1 2.3  $(M^2, M^1) \rightarrow 0$

Wir haben also allgemein

$\text{refl}(Y \leftarrow (X^1, X^2)) = (X^1, X^2) \rightarrow Y$

$\text{refl}(X^1 \rightarrow Y \leftarrow X^2) = X^2 \rightarrow Y \leftarrow X^1$

$\text{refl}(Y \leftarrow (X^2, X^1)) = (X^2, X^1) \rightarrow Y$ .

Literatur

Toth, Alfred, Vollständige Thematisierungstripel. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026a

Toth, Alfred, Thematische Transpositionen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026b

Toth, Alfred, Gruppen von Thematisierungswerten. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2026c

22.3.2026